- Let $X=\mathbb{Z}$, $\sim=\pmod{5}$, and $\mathbb{Z}_5=\mathbb{Z}/{\sim}.$
- Let $f(x) = x^2$.
- If $x \sim y$ then (y x) = 5k, but then

$$(y^{2} - x^{2}) = (y - x)(y + x) = 5k(y + x)$$

・ロト ・ 日 ・ ・ 王 ・ 王 ・ の へ ・ 9/19

and thus $x^2 \sim y^2$.

• Therefore $\widetilde{f} : \mathbb{Z}_5 \to \mathbb{Z}_5$ is well-defined.